

## 图的分割

### 【问题描述】

在描述具体的问题前，我们先明确本题中讨论的图  $G = (V, E)$  均为无向带权图，其中  $V$  为图的顶点集合， $E$  为图的边集。图中没有重边，也没有自环，用  $w_G(u, v)$  表示边  $(u, v)$  的权值，同时  $w_G(u, v)$  均为正整数。

对于无向图，我们有以下几个基本概念：

1. 路径：对于图  $G = (V, E)$ ，顶点序列  $v_1, v_2, \dots, v_l$  为一条路径，对  $i \in [1, l)$ ，需满足  $(v_i, v_{i+1}) \in E$ 。同时称  $v_1$  为该路径的起点、 $v_l$  为该路径的终点。
2. 连通图：如果图  $G = (V, E)$  为连通图，则对任意  $u, v \in V, u \neq v$ ，均存在以  $u$  为起点、 $v$  为终点的路径。
3. 重边和自环：无向图  $G = (V, E)$  存在重边，则表示存在  $u, v \in V$  使得边  $(u, v)$  在图中出现次数超过 1。自环表示形如  $(u, u)$  这样的边。
4. 诱导子图：对于图  $G = (V, E)$  和  $V$  的一个子集  $C$ ，定义图  $G' = (C, E')$ ，若  $(u, v) \in E'$  当且仅当  $u, v \in C, (u, v) \in E$ ，则称  $G'$  为  $C$  在图  $G$  上的诱导子图。用  $E_G(C)$  表示  $C$  在  $G$  上的诱导子图的边集  $E'$ 。对于边权，有  $w_{G'}(u, v) = w_G(u, v)$ 。

对于连通图  $G = (V, E)$ ，我们有以下定义：

1.  $S(G)$ ： $S(G)$  是  $E$  的一个子集，其中的元素  $(u, v)$  满足将  $G$  中权值大于  $w_G(u, v)$  的边都删除后，图  $G$  依然连通。
2. 分割：若  $C_1, C_2, \dots, C_k$  为  $V$  的非空子集，满足两两之间没有交集，且它们的并集恰好为  $V$ ，同时  $C_i (1 \leq i \leq k)$  的诱导子图为连通图，则称  $(C_1, C_2, \dots, C_k)$  为图  $G$  的一个分割，同时称  $k$  为该分割的度。
3.  $D(C_i, C_j)$ ：对于  $V$  的两个子集  $C_i, C_j$ ，定义

$$D(C_i, C_j) = \min_{\substack{(u,v) \in E \\ u \in C_i, v \in C_j}} w_G(u, v)$$

若不存在  $u, v (u \in C_i, v \in C_j)$  满足  $(u, v) \in E$ ，定义  $D(C_i, C_j) = \infty$ 。

4.  $M(C)$ ：对于  $V$  的一个子集  $C$ ，其诱导子图为  $G' = (C, E_G(C))$ ，若  $G'$  为连通图，定义

$$M(C) = \min_{(u,v) \in S(G')} w_G(u, v)$$

若  $|C| = 1$ ，定义  $M(C) = 0$ 。其中  $|C|$  表示顶点集  $C$  中顶点的个数，后文中该符号的意义相同。

5. 半完美：给定正整数  $Z[1], Z[2], \dots, Z[n]$ ，称连通图  $G$  的一个分割  $(C_1, C_2, \dots, C_k)$  是半完美的，如果对于任意  $i, j (1 \leq i < j \leq k)$ ，均有

$$D(C_i, C_j) > \min(M(C_i) + Z[|C_i|], M(C_j) + Z[|C_j|])$$

6. 完美：如果一个分割是  $(C_1, C_2, \dots, C_k)$  是完美的，在半完美的基础上，还

要满足对于  $i \in [1, k]$ , 图  $G_i = (C_i, E_G(C_i))$  不存在度大于 1 的半完美分割。

你的任务是对于输入的连通图  $G$  和  $Z[1], Z[2], \dots, Z[n]$ , 给出一个完美分割。

### 【输入格式】

输入文件 *graph.in* 的第一行包含两个正整数  $n, m$ , 表示输入的无向图有  $n$  个顶点,  $m$  条无向边。

第二行包含  $n$  个正整数  $Z[1], Z[2], \dots, Z[n]$  ( $Z[i] \leq 10^9$ )。

下面  $m$  行, 每行三个正整数  $u, v, w$  ( $1 \leq u, v \leq n, u \neq v, w \leq 10^9$ ), 表示图中存在一条边  $(u, v)$  且权值为  $w$ 。输入的无向图保证没有重边和自环。

### 【输出格式】

输出文件 *graph.out* 包含  $k + 1$  行, 第一行包含一个正整数  $k$ , 表示你给出的分割的度, 下面  $k$  行, 每行描述一个  $C_i$ 。每行一开始包含一个正整数  $t$ , 表示  $|C_i|$ , 然后跟着  $t$  个不超过  $n$  的正整数, 表示  $C_i$  中的顶点编号。

### 【样例输入 1】

```
5 8
3 3 2 2 1
1 2 3
1 3 5
1 4 6
2 4 10
2 5 5
4 5 8
3 6 15
5 6 7
```

### 【样例输出 1】

```
4
2 1 2
1 3
1 4
1 5
```

### 【样例输入输出 2】

见选手目录下的 *graph/graph.in* 与 *graph/graph.ans*。

### 【数据规模和约定】

对于 10% 的数据, 满足  $n = 2$ ;

对于30%的数据，满足 $n \leq 10$ ；

对于60%的数据，满足 $n \leq 500, m \leq 2,000$ ；

对于100%的数据，满足 $n \leq 100,000, m \leq 500,000$ 。