

## 排列游戏 (perm)

这是一道交互题。

### 【题目描述】

小 H 和小 L 正在玩一个猜排列的游戏。

小 H 有一个  $0 \sim n-1$  的排列  $p = [p_0, p_1, \dots, p_{n-1}]$ 。现在小 L 知道了排列的长度  $n$ ，他希望通过特定的询问方式猜出这个排列  $p$ 。具体地，小 L 可以向小 H 提出如下形式的询问：

- 给定非负整数  $l, r$  满足  $0 \leq l \leq r \leq n-1$ ，求  $p_l, \dots, p_r$  中未出现过的最小非负整数。

不过小 H 和小 L 发现，即便可以进行任意多次询问，有时也不足以唯一确定这个排列  $p$ 。于是两人约定：假设小 H 的答案是  $p$ ，而小 L 猜测的排列是  $q$ ，如果在  $p$  和  $q$  这两个排列中，对于任意  $0 \leq l \leq r \leq n-1$ ，区间  $p_l, \dots, p_r$  中未出现过的最小非负整数，始终等于区间  $q_l, \dots, q_r$  中未出现过的最小非负整数，那么就认为小 L 的猜测是正确的。

为了增加游戏的难度，小 H 限制了小 L 的询问次数。你需要帮助小 L 猜出小 H 的排列。

### 【实现细节】

选手不需要，也不应该实现 `main` 函数。

选手需要确保提交的程序包含头文件 `perm.h`，即在程序开头加入以下代码：

```
1 #include "perm.h"
```

选手需要在提交的程序源文件 `perm.cpp` 中实现以下两个函数：

```
1 void init(int c, int t);
```

- $c, t$  分别表示测试点编号与测试数据组数。 $c = 0$  表示该测试点为样例。
- 对于每个测试点，该函数会在程序开始运行时被交互库调用恰好一次。

```
1 std::vector<int> perm(int n);
```

- $n$  表示排列的长度。
- 该函数需要返回一个  $0 \sim n-1$  的排列，表示小 L 的猜测。
- 对于每个测试点，该函数会被交互库调用恰好  $t$  次。

选手可以通过调用以下函数进行一次询问：

```
1 int query(int l, int r);
```

- $l, r$  表示询问的区间。选手需要保证  $0 \leq l \leq r \leq n-1$ 。

- 该函数会返回  $p_l, \dots, p_r$  中未出现过的最小非负整数。
- 选手需要保证交互库每次调用 `perm` 时，调用该函数的次数不超过  $6 \times 10^5$ 。

注意：在任何情况下，最终测试时所用的交互库运行所需时间均不会超过 0.1 秒，所用内存为固定大小，且均不超过 64 MiB。

### 【测试程序方式】

试题目录下的 `grader.cpp` 是交互库参考实现，最终测试时所用的交互库实现与该参考实现有所不同，因此选手的解法不应该依赖交互库实现。

选手可以在本题目录下使用如下命令编译得到可执行程序：

```
1 g++ grader.cpp perm.cpp -o perm -std=gnu++14 -O2 -static
```

对于编译得到的可执行程序：

- 可执行文件将从标准输入读入以下格式的数据：
  - 输入的第一行包含两个非负整数  $c, t$ ，分别表示测试点编号和测试数据组数。
  - 接下来依次为每组测试数据，对于每组测试数据：
    - \* 第一行包含一个正整数  $n$ ，表示排列的长度。
    - \* 第二行包含  $n$  个非负整数  $p_0, p_1, \dots, p_{n-1}$ ，表示小 H 的排列。
- 可执行文件将输出以下格式的数据至标准输出：
  - 对于每组测试数据：
    - \* 第一行包含一个字符串，表示测试的结果。其中，
      - `Correct`. 表示选手返回的结果正确；
      - `Wrong answer`. 表示选手返回的结果错误；
      - `Invalid operation`. 表示选手对 `query` 函数的调用不合法。
    - \* 若结果为 `Correct.`，则第二行包含一个非负整数，表示选手在所有测试数据中调用 `query` 函数的次数的最大值。

### 【样例 1 输入】

```
1 0 1
2 6
3 4 2 3 5 0 1
```

### 【样例 1 输出】

```
1 Correct.
2 4
```

**【样例 1 解释】**

该样例共包含一组测试数据。

对于第一组测试数据，小 H 的排列为  $p = [4, 2, 3, 5, 0, 1]$ 。

以下是一种可能的交互过程：

- 调用 `query(0, 3)`，交互库返回 4, 2, 3, 5 中未出现过的最小非负整数 0。
- 调用 `query(3, 4)`，交互库返回 5, 0 中未出现过的最小非负整数 1。
- 调用 `query(1, 5)`，交互库返回 2, 3, 5, 0, 1 中未出现过的最小非负整数 4。
- 调用 `query(3, 5)`，交互库返回 5, 0, 1 中未出现过的最小非负整数 2。
- 返回  $q = [4, 2, 5, 3, 0, 1]$ 。

可以证明，排列  $q$  被认为是正确的。

**【样例 2】**

见选手目录下的 `perm/perm2.in` 与 `perm/perm2.ans`。

该样例满足测试点 4 ~ 8 的约束条件。

**【下发文件说明】**

在本试题目录下：

1. `grader.cpp` 是提供的交互库参考实现。
2. `perm.h` 是头文件，选手不用关心具体内容。
3. `template_perm.cpp` 是提供的示例代码，选手可参考并实现自己的代码。

选手注意对所有下发文件做好备份。最终评测时只测试本试题目录下的 `perm.cpp`，对该程序以外文件的修改不会影响评测结果。

**【数据范围】**

对于所有测试数据，均有：

- $t = 10$ ；
- $2 \leq n \leq 3 \times 10^4$ ；
- 对于所有  $0 \leq i \leq n - 1$ ，均有  $0 \leq p_i \leq n - 1$ ，且  $p$  是  $0 \sim n - 1$  的排列。

测试点编号	$n =$	特殊性质
1 ~ 3	10	无
4 ~ 8	$10^2$	
9, 10	$3 \times 10^4$	A
11, 12		B
13, 14		C
15 ~ 20		无

特殊性质 A:  $p_0 = 0$ 。

特殊性质 B: 存在非负整数  $k \in [0, n - 1]$  满足  $p_0, \dots, p_k$  单调递减, 且  $p_k, \dots, p_{n-1}$  单调递增。

特殊性质 C:  $p$  在所有  $0 \sim n - 1$  的排列中独立均匀随机生成。

## 【评分方式】

注意:

- 选手不应当通过非法方式获取交互库的内部信息, 如直接与标准输入、输出流进行交互。此类行为将被视为作弊;
- 最终的评测交互库与样例交互库的实现不同。

本题首先会受到和传统题相同的限制, 例如编译错误会导致整道题目得 0 分, 运行时错误、超过时间限制、超过空间限制等会导致相应测试点得 0 分等。选手只能在程序中访问自己定义的变量以及交互库给出的变量, 尝试访问其他地址空间将可能导致编译错误或运行错误。

每次调用 `perm` 函数时, 若返回的排列不被认为是正确的, 或 `query` 函数调用不合法, 或 `query` 函数调用次数超过  $6 \times 10^5$ , 则相应测试点得 0 分。

在上述条件基础上:

- 在测试点 1 ~ 3 中, 程序得到满分当且仅当每次调用 `perm` 函数时, `query` 函数调用次数不超过  $10^2$ 。
- 在测试点 4 ~ 8 中, 设  $m$  表示每次调用 `perm` 函数时的询问次数的最大值, 则程序将获得  $5 \cdot f(m)$  分, 其中  $f$  的计算方式如下表所示:

$m$	$f(m) =$
$m \leq 100$	1
$100 < m \leq 200$	$1 - \frac{\sqrt{m-100}}{50}$
$200 < m \leq 4950$	$0.8 - \frac{\sqrt{m-200}}{170}$
$m > 4950$	0

- 在测试点 9 ~ 20 中, 设  $m$  表示每次调用 `perm` 函数时的询问次数的最大值, 则程序将获得  $5 \cdot g(m)$  分, 其中  $g$  的计算方式如下表所示:

$m$	$g(m) =$
$m \leq 30000$	1
$30000 < m \leq 30015$	$1 - \frac{7(m-30000)}{5(5m-149991)}$
$30015 < m \leq 60000$	$0.75 - \frac{\sqrt{m-30015}}{700}$
$m > 60000$	$0.5 - \frac{\sqrt{m-60000}}{2500}$