

## 三目运算符 (ternary)

### 【题目描述】

对于一个长度为  $n$  ( $n \geq 3$ ) 的 01 串  $S = s_1 \dots s_n$ , 定义变换  $T = f(S) = t_1 \dots t_n$  如下:

$$t_i = \begin{cases} s_i, & i \leq 2, \\ s_i, & i \geq 3 \text{ 且 } s_{i-2} = 0, \\ s_{i-1}, & i \geq 3 \text{ 且 } s_{i-2} = 1. \end{cases}$$

定义变换  $f$  的不动点如下: 若 01 串  $T$  满足  $f(T) = T$ , 则称  $T$  为变换  $f$  的不动点。

记  $f^k(S)$  为  $S$  经过  $k$  次变换得到的串。特别地, 记  $f^0(S) = S$ 。求最小的自然数  $k$ , 使得  $f^k(S)$  为变换  $f$  的不动点, 即满足  $f^{k+1}(S) = f^k(S)$  的最小的自然数  $k$ 。可以证明, 一定存在自然数  $k$  使得  $f^k(S)$  为变换  $f$  的不动点。

小 Z 觉得这个问题过于简单, 因此他增加了  $q$  次修改操作。第  $i$  ( $1 \leq i \leq q$ ) 次修改会给定两个正整数  $l_i, r_i$  ( $1 \leq l_i \leq r_i \leq n$ ), 然后将区间  $[l_i, r_i]$  内的所有原有的 0 替换为 1, 所有原有的 1 替换为 0。你需要对初始时及每次修改后的字符串  $S$ , 求出最小的自然数  $k$ , 使得  $f^k(S)$  为变换  $f$  的不动点。

### 【输入格式】

从文件 `ternary.in` 中读入数据。

本题包含多组测试数据。

输入的第一行包含两个非负整数  $c, t$ , 分别表示测试点编号与测试数据组数。 $c = 0$  表示该测试点为样例。

接下来依次输入每组测试数据, 对于每组测试数据:

第一行包含两个正整数  $n, q$ , 分别表示  $S$  的长度和修改次数。

第二行包含一个长度为  $n$  的 01 串  $S = s_1 \dots s_n$ , 表示初始时的字符串。

第  $i + 2$  ( $1 \leq i \leq q$ ) 行包含两个正整数  $l_i, r_i$ , 表示一次修改操作。

### 【输出格式】

输出到文件 `ternary.out` 中。

对于每组测试数据, 设初始时的答案为  $k_0$ , 第  $i$  ( $1 \leq i \leq q$ ) 次修改后的答案为  $k_i$ , 输出一行一个正整数, 表示  $\bigoplus_{i=0}^q ((i+1) \times k_i)$ , 其中  $\oplus$  表示二进制按位异或。

### 【样例 1 输入】

```

1 0 2
2 5 2
3 11010
4 3 3
5 2 2
6 7 3
7 1010100
8 7 7
9 2 4
10 1 2

```

### 【样例 1 输出】

```

1 2
2 4

```

### 【样例 1 解释】

该样例共包含两组测试数据。

对于第一组测试数据：

- 初始时， $S = 11010$ ， $f(S) = 11100$ ， $f^2(S) = 11110$ ， $f^3(S) = f^4(S) = 11111$ ，因此  $k_0 = 3$ ；
- 第一次操作后， $S = 11110$ ， $f(S) = f^2(S) = 11111$ ，因此  $k_1 = 1$ ；
- 第二次操作后， $S = 10110$ ， $f(S) = f^2(S) = 10011$ ，因此  $k_2 = 1$ 。

故答案为  $\bigoplus_{i=0}^q ((i+1) \times k_i) = (1 \times 3) \oplus (2 \times 1) \oplus (3 \times 1) = 3 \oplus 2 \oplus 3 = 2$ 。

对于第二组测试数据：

- 初始时， $S = 1010100$ ， $k_0 = 1$ ；
- 第一次操作后， $S = 1010101$ ， $k_1 = 1$ ；
- 第二次操作后， $S = 1101101$ ， $k_2 = 5$ ；
- 第三次操作后， $S = 0001101$ ， $k_3 = 2$ 。

故答案为  $\bigoplus_{i=0}^q ((i+1) \times k_i) = (1 \times 1) \oplus (2 \times 1) \oplus (3 \times 5) \oplus (4 \times 2) = 4$ 。

### 【样例 2】

见选手目录下的 *ternary/ternary2.in* 与 *ternary/ternary2.ans*。

该样例满足测试点 1 ~ 3 的约束条件。

**【样例 3】**

见选手目录下的 *ternary/ternary3.in* 与 *ternary/ternary3.ans*。  
该样例满足测试点 4 ~ 6 的约束条件。

**【样例 4】**

见选手目录下的 *ternary/ternary4.in* 与 *ternary/ternary4.ans*。  
该样例满足测试点 13, 14 的约束条件。

**【样例 5】**

见选手目录下的 *ternary/ternary5.in* 与 *ternary/ternary5.ans*。  
该样例满足测试点 17 ~ 19 的约束条件。

**【数据范围】**

设  $N, Q$  分别为单个测试点内所有测试数据的  $n, q$  的和。对于所有测试数据，保证：

- $1 \leq t \leq 5$ ;
- $3 \leq n \leq 4 \times 10^5, N \leq 8 \times 10^5$ ;
- $1 \leq q \leq 4 \times 10^5, Q \leq 8 \times 10^5$ ;
- 对于所有  $1 \leq i \leq n$ ，均有  $s_i \in \{0, 1\}$ ;
- 对于所有  $1 \leq i \leq q$ ，均有  $1 \leq l_i \leq r_i \leq n$ 。

测试点编号	$n, q \leq$	$N, Q \leq$	特殊性质
1 ~ 3	200	$10^3$	A
4 ~ 6			无
7, 8	5,000	$10^4$	A
9 ~ 11			无
12	$10^5$	$2 \times 10^5$	A
13, 14			B
15, 16			无
17 ~ 19	$4 \times 10^5$	$8 \times 10^5$	C
20			无

特殊性质 A：保证初始时及每次修改后，存在整数  $p \in [2, n]$  满足  $s_1 = s_2 = \dots = s_p = 1$  且  $s_{p+1} = \dots = s_n = 0$ 。

特殊性质 B：保证对于所有  $1 \leq i \leq q$ ，均有  $l_i = 1, r_i = n$ 。

特殊性质 C：保证对于所有  $1 \leq i \leq q$ ，均有  $l_i = 1$ ，且  $r_1 \leq r_2 \leq \dots \leq r_q$ 。