

树的遍历 (traverse)

【题目描述】

小 Q 是一个算法竞赛初学者，正在学习图论知识中的树的遍历。一棵由 n 个结点， $n - 1$ 条边构成的树，初始时所有结点都未被标记，它的遍历过程如下：

1. 选择一个结点 s 作为遍历起始结点，并把该结点打上标记。
2. 假设当前访问的结点为 u ，寻找任意一个与 u 相邻且未标记的结点 v ，将 v 作为新的当前访问结点并打上标记。之后再次进入第 2 步。
3. 假设在第 2 步中，与 u 相邻的结点都已被标记，如果 $u = s$ 则遍历过程结束，否则将 u 设为遍历 u 之前的上一个结点并再进入第 2 步。

例如在下面的树中，一种可能的遍历过程如下：

- 选取 1 作为遍历起始结点，并把 1 打上标记；
- 2 与 1 相邻且未标记，将 2 设为当前访问结点，并把 2 打上标记。
- 2 与 3 相邻且未标记，将 3 设为当前访问结点，并把 3 打上标记。
- 3 所有相邻的结点都被标记，将当前访问结点设为遍历结点 3 之前的结点 2。
- 2 与 4 相邻且未标记，将 4 设为当前访问结点，并把 4 打上标记。
- 4 所有相邻的结点都被标记，将当前访问结点设为遍历结点 4 之前的结点 2。
- 2 所有相邻的结点都被标记，将当前访问结点设为遍历结点 2 之前的结点 1。
- 1 所有相邻的结点都被标记，且 1 是遍历起始结点，故遍历结束。

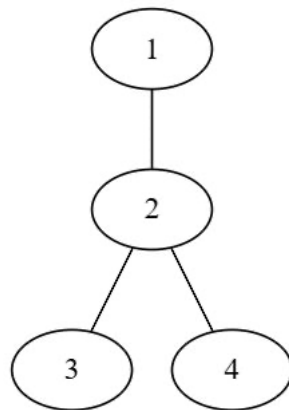


图 1: 样例 1 中的树

作为一个奇思妙想的学生，小 Q 在学习完上述知识后不满足于以结点为基础的遍历方式，于是开始研究以边为基础的遍历方式。定义两条边**相邻**，当且仅当它们有一个公共的结点。初始时，所有的边都未被标记。这种以边为基础的遍历过程如下：

1. 选择一条边 b 作为遍历起始边，并把该边打上标记。
2. 假设当前访问边为 e ，寻找任意一条与 e 相邻且未标记的边 f ，将 f 作为新的当前访问边并打上标记。之后再次进入第 2 步。

3. 假设在第 2 步中, 与 e 相邻的边都已被标记, 如果 $e = b$ 则遍历过程结束, 否则将 e 设为遍历 e 之前的上一条边并再进入第 2 步。

例如在上面的树中, 一种可能的遍历过程如下 (定义 $\{u, v\}$ 表示连接结点 u 和 v 的边):

- 选取 $\{1, 2\}$ 作为遍历起始边, 并把 $\{1, 2\}$ 打上标记;
- $\{1, 2\}$ 与 $\{2, 3\}$ 相邻且未标记, 将 $\{2, 3\}$ 设为当前访问边, 并把 $\{2, 3\}$ 打上标记。
- $\{2, 3\}$ 与 $\{2, 4\}$ 相邻且未标记, 将 $\{2, 4\}$ 设为当前访问边, 并把 $\{2, 4\}$ 打上标记。
- $\{2, 4\}$ 所有相邻的边都被标记, 将当前访问边设为遍历 $\{2, 4\}$ 之前的边 $\{2, 3\}$ 。
- $\{2, 3\}$ 所有相邻的边都被标记, 将当前访问边设为遍历 $\{2, 3\}$ 之前的边 $\{1, 2\}$ 。
- $\{1, 2\}$ 所有相邻的边都被标记, 且 $\{1, 2\}$ 是遍历起始边, 故遍历结束。

小 Q 惊奇的发现, 在这个新的树的遍历过程中, 如果将每条边看作一个新的结点, 将步骤 2 中的所有新结点 e 和 f 连接一条新边, 就会生成一棵由 $n-1$ 个新结点和 $n-2$ 条新边连接成的新树。例如上述遍历过程得到的新树如下 (新的结点和新边都用红色表示):

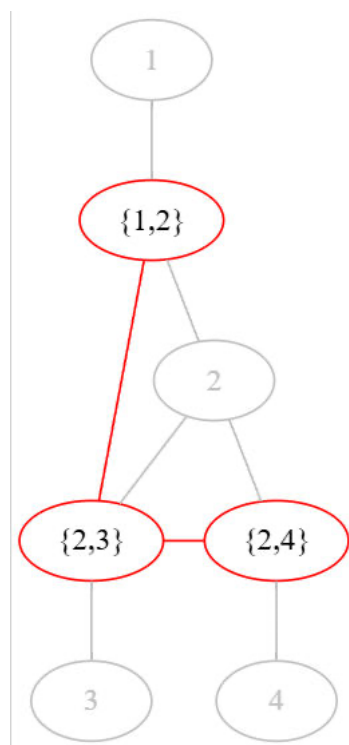


图 2: 一种可能的新树

现在小 Q 在 $n-1$ 条边中选择了 k 条关键边。小 Q 想知道, 以任意一条关键边作为起始遍历边, 通过上述遍历过程能够生成多少种不同的新树。这里两棵树被认为是不同的, 当且仅当至少存在某一对新的结点, 它们仅在其中一棵树中连有新边。

由于结果可能很大, 你只需要输出其对 $10^9 + 7$ 取模的结果即可。

【输入格式】

从文件 `traverse.in` 中读入数据。

本题有多组测试数据。

输入的第一行包含两个整数 c, T ，表示测试点的编号和测试数据的组数。在样例中， c 表示该样例与测试点 c 的数据范围相同。

接下来包含 T 组数据，每组数据的格式如下：

- 第一行包含两个整数 n, k ，表示树的结点数以及小 Q 选择的关键边的数量。
- 接下来 $n - 1$ 行，第 i 行包含两个整数 u_i, v_i ，表示树上编号为 i 的边连接结点 u_i 和 v_i 。
- 接下来一行包含 k 个整数 e_1, e_2, \dots, e_k ，表示小 Q 选择的关键边的编号。保证关键边的编号互不相同。

【输出格式】

输出到文件 `traverse.out` 中。

对于每组测试数据输出一行，包含一个整数，表示结果对 $10^9 + 7$ 取模的结果。

【样例 1 输入】

```
1 1 1
2 4 1
3 1 2
4 2 3
5 2 4
6 1
```

【样例 1 输出】

```
1 2
```

【样例 1 解释】

两种可能的新树如下：

- 新结点 $\{1, 2\}$ 和新结点 $\{2, 3\}$ 连新边，新结点 $\{2, 3\}$ 和新结点 $\{2, 4\}$ 连新边。
- 新结点 $\{1, 2\}$ 和新结点 $\{2, 4\}$ 连新边，新结点 $\{2, 4\}$ 和新结点 $\{2, 3\}$ 连新边。

【样例 2 输入】

```
1 7 1
2 5 2
3 1 2
4 1 3
5 2 4
6 2 5
7 1 3
```

【样例 2 输出】

```
1 3
```

【样例 2 解释】

三种可能的新树如下：

- 新结点 $\{1, 2\}$ 和 $\{1, 3\}$, $\{1, 2\}$ 和 $\{2, 4\}$, $\{2, 4\}$ 和 $\{2, 5\}$ 之间分别连新边。该新树可以选择 $\{1, 2\}$ 作为起始遍历边得到。
- 新结点 $\{1, 2\}$ 和 $\{1, 3\}$, $\{1, 2\}$ 和 $\{2, 5\}$, $\{2, 5\}$ 和 $\{2, 4\}$ 之间分别连新边。该新树可以选择 $\{1, 2\}$ 或 $\{2, 4\}$ 作为起始遍历边得到。
- 新结点 $\{1, 2\}$ 和 $\{1, 3\}$, $\{1, 2\}$ 和 $\{2, 4\}$, $\{1, 2\}$ 和 $\{2, 5\}$ 之间分别连新边。该新树可以选择 $\{2, 4\}$ 作为起始遍历边得到。

【样例 3】

见选手目录下的 *traverse/traverse3.in* 与 *traverse/traverse3.ans*。

该组样例满足 $c = 4$ 。

【样例 4】

见选手目录下的 *traverse/traverse4.in* 与 *traverse/traverse4.ans*。

该组样例满足 $c = 7$ 。

【样例 5】

见选手目录下的 *traverse/traverse5.in* 与 *traverse/traverse5.ans*。

该组样例满足 $c = 11$ 。

【样例 6】

见选手目录下的 *traverse/traverse6.in* 与 *traverse/traverse6.ans*。
该组样例满足 $c = 13$ 。

【样例 7】

见选手目录下的 *traverse/traverse7.in* 与 *traverse/traverse7.ans*。
该组样例满足 $c = 15$ 。

【样例 8】

见选手目录下的 *traverse/traverse8.in* 与 *traverse/traverse8.ans*。
该组样例满足 $c = 16$ 。

【样例 9】

见选手目录下的 *traverse/traverse9.in* 与 *traverse/traverse9.ans*。
该组样例满足 $c = 18$ 。

【样例 10】

见选手目录下的 *traverse/traverse10.in* 与 *traverse/traverse10.ans*。
该组样例满足 $c = 19$ 。

【样例 11】

见选手目录下的 *traverse/traverse11.in* 与 *traverse/traverse11.ans*。
该组样例满足 $c = 22$ 。

【样例 12】

见选手目录下的 *traverse/traverse12.in* 与 *traverse/traverse12.ans*。
该组样例满足 $c = 24$ 。

【数据范围】

对于所有的测试数据，保证：

- $1 \leq T \leq 10$;
- $2 \leq n \leq 10^5$;
- $1 \leq k < n$;

- 对于任意的 $i(1 \leq i \leq n-1)$, 都有 $1 \leq u_i, v_i \leq n$, 且构成一颗合法的树。
- 对于任意的 $i(1 \leq i \leq k)$, 都有 $1 \leq e_i < n$, 且两两不同。

测试点	n	k	特殊性质	
1 ~ 3	≤ 5	≤ 1	无	
4 ~ 6	$\leq 10^5$			
7 ~ 10		≤ 2		
11, 12	≤ 500	≤ 8		
13, 14	$\leq 10^2$	$< n$		
15	≤ 500			
16, 17	$\leq 10^5$	≤ 500		
18		$< n$		A
19 ~ 21				B
22, 23	$\leq 2 \times 10^4$	$< n$		无
24, 25	$\leq 10^5$			

- 特殊性质 A: 对于任意的 $i(1 \leq i \leq n-1)$, 都有 $u_i = i, v_i = i+1$ 。
- 特殊性质 B: 对于任意的 $i(1 \leq i \leq n-1)$, 都有 $u_i = 1, v_i = i+1$ 。

【提示】

数据输入的规模可能较大, 请选手注意输入读取方式的效率。